

© International Baccalaureate Organization 2022

All rights reserved. No part of this product may be reproduced in any form or by any electronic or mechanical means, including information storage and retrieval systems, without the prior written permission from the IB. Additionally, the license tied with this product prohibits use of any selected files or extracts from this product. Use by third parties, including but not limited to publishers, private teachers, tutoring or study services, preparatory schools, vendors operating curriculum mapping services or teacher resource digital platforms and app developers, whether fee-covered or not, is prohibited and is a criminal offense.

More information on how to request written permission in the form of a license can be obtained from <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organisation du Baccalauréat International 2022

Tous droits réservés. Aucune partie de ce produit ne peut être reproduite sous quelque forme ni par quelque moyen que ce soit, électronique ou mécanique, y compris des systèmes de stockage et de récupération d'informations, sans l'autorisation écrite préalable de l'IB. De plus, la licence associée à ce produit interdit toute utilisation de tout fichier ou extrait sélectionné dans ce produit. L'utilisation par des tiers, y compris, sans toutefois s'y limiter, des éditeurs, des professeurs particuliers, des services de tutorat ou d'aide aux études, des établissements de préparation à l'enseignement supérieur, des fournisseurs de services de planification des programmes d'études, des gestionnaires de plateformes pédagogiques en ligne, et des développeurs d'applications, moyennant paiement ou non, est interdite et constitue une infraction pénale.

Pour plus d'informations sur la procédure à suivre pour obtenir une autorisation écrite sous la forme d'une licence, rendez-vous à l'adresse <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

© Organización del Bachillerato Internacional, 2022

Todos los derechos reservados. No se podrá reproducir ninguna parte de este producto de ninguna forma ni por ningún medio electrónico o mecánico, incluidos los sistemas de almacenamiento y recuperación de información, sin la previa autorización por escrito del IB. Además, la licencia vinculada a este producto prohíbe el uso de todo archivo o fragmento seleccionado de este producto. El uso por parte de terceros —lo que incluye, a título enunciativo, editoriales, profesores particulares, servicios de apoyo académico o ayuda para el estudio, colegios preparatorios, desarrolladores de aplicaciones y entidades que presten servicios de planificación curricular u ofrezcan recursos para docentes mediante plataformas digitales—, ya sea incluido en tasas o no, está prohibido y constituye un delito.

En este enlace encontrará más información sobre cómo solicitar una autorización por escrito en forma de licencia: <https://ibo.org/become-an-ib-school/ib-publishing/licensing/applying-for-a-license/>.

**Matemáticas: Aplicaciones e Interpretación**  
**Nivel Medio**  
**Prueba 1**

Lunes 31 de octubre de 2022 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

1 hora 30 minutos

**Instrucciones para los alumnos**

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba es necesario usar una calculadora de pantalla gráfica.
- Conteste todas las preguntas.
- Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de Matemáticas: Aplicaciones e Interpretación** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[80 puntos]**.



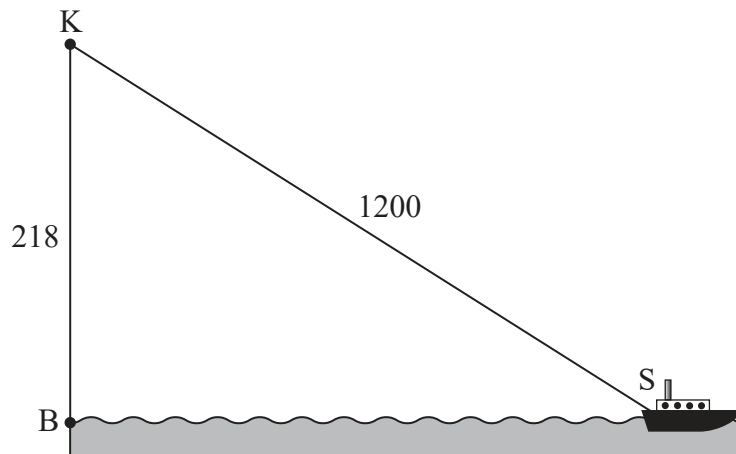
Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto. No se otorgará necesariamente la máxima puntuación a una respuesta correcta que no esté acompañada de un procedimiento. Las respuestas deben estar sustentadas en un procedimiento y/o en explicaciones. Junto a los resultados obtenidos con calculadora de pantalla gráfica, deberá reflejarse por escrito el procedimiento seguido para su obtención. Por ejemplo, si se utiliza un gráfico para hallar una solución, se deberá dibujar aproximadamente el mismo como parte de la respuesta. Aun cuando una respuesta sea errónea, podrán otorgarse algunos puntos si el método empleado es correcto, siempre que aparezca por escrito. Por lo tanto, se aconseja mostrar todo el procedimiento seguido.

1. [Puntuación máxima: 6]

Kacheena está de pie en el punto K, que es la parte superior de un acantilado vertical de 218 m de altura. La base del acantilado se encuentra en el punto B. Hay un barco situado en el punto S, a 1200 m de Kacheena.

Toda esta información se muestra en la siguiente figura.

la figura no está dibujada a escala



- (a) Halle el ángulo de elevación con el que se ve a Kacheena desde el barco. [2]
- (b) Halle la distancia horizontal que hay desde la base del acantilado hasta el barco. [2]
- (c) Escriba la respuesta que ha dado en el apartado (b) en la forma  $a \times 10^k$ , donde  $1 \leq a < 10$  y  $k \in \mathbb{Z}$ . [2]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



















**No** escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



20EP10







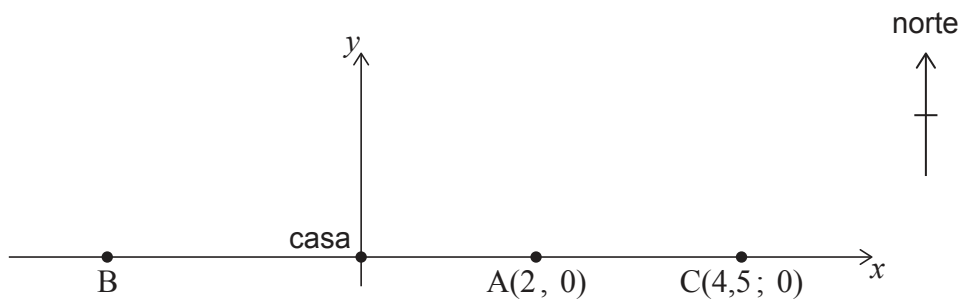
11. [Puntuación máxima: 7]

La casa de Kristi está situada en una carretera recta y larga que tiene dirección este-oeste. La carretera se puede modelizar mediante la ecuación  $y = 0$ ; la casa se encuentra en el origen  $(0, 0)$ .

Kristi está entrenando para un maratón; para ello, corre desde su casa hasta un punto de la carretera y luego vuelve a casa en autobús.

- El primer día, Kristi corre 2 kilómetros hacia el este, hasta el punto  $A(2, 0)$ .
- El segundo día, Kristi corre hacia el oeste, hasta el punto B.
- El tercer día, Kristi corre 4,5 kilómetros hacia el este, hasta el punto  $C(4,5; 0)$ .

Toda esta información aparece representada en la siguiente figura.



Kristi va aumentando cada día la distancia que corre. El punto al que llega cada día se puede representar mediante una coordenada  $x$ . Estas coordenadas  $x$  forman una progresión geométrica.

- (a) Muestre que la razón común ( $r$ ) es igual a  $-1,5$ . [2]

El 6.º día, Kristi corre hasta el punto F.

- (b) Halle la ubicación del punto F. [2]

- (c) Halle la distancia total que ha corrido Kristi durante los 7 primeros días de entrenamiento. [3]

**(Esta pregunta continúa en la página siguiente)**

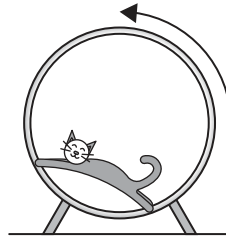






12. [Puntuación máxima: 6]

Un gato corre por dentro de una rueda circular, haciendo que la rueda gire a velocidad constante en sentido contrario a las agujas del reloj. La altura ( $h$  cm) a la que se encuentra un punto fijo (P) de la rueda se puede modelizar mediante la ecuación  $h(t) = a \operatorname{sen}(bt) + c$ , donde  $t$  es el tiempo en segundos y  $a, b, c \in \mathbb{R}^+$ .



En el instante  $t = 0$ , el punto P se encuentra a una altura de 78 cm.

(a) Escriba el valor de  $c$ . [1]

En el instante  $t = 4$ , el punto P alcanza por primera vez su altura máxima, igual a 143 cm.

(b) Halle el valor de:

(i)  $a$

(ii)  $b$  [3]

(c) Escriba la altura mínima del punto P. [1]

Un rato después, el gato ya está cansado, con lo que el punto P gira a una nueva velocidad constante y tarda el doble en dar una vuelta completa.

(d) Escriba el nuevo valor de  $b$ . [1]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....





**No** escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



20EP18

**No** escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



20EP19

**No** escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



20EP20